XB

**硕士研究生入学统一考试**

**《高等数学（含线性代数）》科目大纲**

(科目代码：621)

学院名称（盖章）： 物理与电子工程学院

学院负责人（签字）：

编 制 时 间 ： 2023年6月27日

**《高等数学（含线性代数）》科目大纲**

(科目代码：621)

**一、考核要求**

本科目包含微积分和线性代数两部分。微积分是在实数范围内、用极限方法研究函数性态的一门重要基础理论课程，要求考生系统地获得微积分、空间解析几何、级数及常微分方程的基础理论和基本计算方法，具备比较熟练分析问题和解决问题的能力。而在线性代数方面，要求考生掌握矩阵和行列式基本理论、计算方法及其在线性方程组求解、向量组线性相关性等方面的应用，具备线性代数独特的思维能力。

**二、考核评价目标**

高等数学是物理学重要的基础课程,本课程注重考查学生掌握微积分和线性代数基础知识、基本理论和基本计算方法，并运用数学知识方法分析解决物理问题的能力。

**三、考核内容**

**微积分学部分：**

**第一章 函数与极限**

第一节 映射与函数

第二节 数列的极限

第三节 函数的极限

第四节 无穷小与无穷大及其判断

第五节 极限运算法则

第六节 极限存在准则及两个重要极限

第七节 无穷小的比较

第八节 函数的连续性与间断点

第九节 连续函数的运算与初等函数的连续性

第十节 闭区间上连续函数的性质

**第二章 导数与微分**

第一节 导数的基本概念及其几何意义

第二节 导数的四则运算，反函数、复合函数的求导法则

第三节 隐函数及参数方程表示的函数的求导法则

第四节 高阶导数及其求法

第五节 函数的微分及其计算，微分在近似计算中的应用

**第三章 微分中值定理与导数的应用**

第一节 微分中值定理

第二节 洛必达法则

第三节 泰勒公式

第四节 函数性态研究（函数的单调性、极值、最大（小）值问题、函数的凹凸性与拐点、函数图形的描述）

第五节 曲率

**第四章 不定积分**

第一节 不定积分的概念与性质，基本积分公式

第二节 不定积分的换元积分法与分部积分法

第三节 特殊类型函数的积分方法

**第五章 定积分**

第一节 定积分的概念和性质，中值定理

第二节 微积分基本公式

第三节 定积分的换元法和分部积分法

第四节 反常积分计算

**第六章 定积分的应用**

第一节 定积分的元素法

第二节 平面图形的面积、旋转体的体积、平面曲线的弧长

第三节 变力作的功、压力和引力

**第七章 微分方程**

第一节 常微分方程的基本概念，可分离变量的微分方程，齐次方程

第二节 一阶线性微分方程，伯努利力程，全微分方程

第三节 几种可降阶的高阶方程

第四节 高阶线性微分方程

第五节 欧拉方程

第六节 线性微分方程组

**第八章 空间解析几何与向量代数**

第一节 空间直角坐标系

第二节 向量概念，向量代数，向量的坐标、投影、方向余弦，数量积、向量积、混合积

第三节 平面、空间直线及其方程

第四节 曲面、空间曲线及其方程

**第九章 多元函数的微分法及其应用**

第一节 多元函数的概念及其极限

第二节 偏导数，多元复合函数及隐函数的求导法则

第三节 全微分及其应用

第四节 微分法在几何上的应用（空间曲线的切线与法平面，曲面的法线与切平面）

第五节 方向导数与梯度

第六节 多元函数的极值及其求法

**第十章 重积分**

第一节 二重积分的概念与性质

第二节 二重积分的计算

第三节 三重积分及其计算方法

第四节 重积分的应用（平面图形的面积、立体的体积、曲面的面积、质心、转动惯量、引力等）

**第十一章 曲线积分与曲面积分**

第一节 对弧长的曲线积分，对坐标的曲线积分，格林公式及其应用

第二节 对面积的曲面积分，对坐标的曲面积分

第三节 高斯公式，通量与散度；斯托克斯公式，环量与旋度

**第十二章 无穷级数**

第一节 常数项级数的概念与性质及其审敛法

第二节 函数项级数概念，幂级数及其收敛性，函数展开成幂级数及其应用

第三节 傅里叶级数，函数展开成傅里叶级数，傅里叶级数的复数形式

**线性代数部分：**

**第一章 行列式**

第一节 二阶与三阶行列式

第二节 全排列及其逆序数

第三节 n阶行列式的定义

第四节 对换

第五节 行列式的性质

第六节 行列式按行（列）展开法则

第七节 Cramer法则

**第二章 矩阵及其运算**

第一节 矩阵

第二节 矩阵的运算

第三节 逆矩阵

第四节 矩阵分块法

**第三章 矩阵的初等变换与线性方程组**

第一节 矩阵的初等变换

第二节 初等矩阵

第三节 矩阵的秩

第四节 线性方程组的解

**第四章 向量组的线性相关性**

第一节 向量组及其线性组合

第二节 向量组的线性相关性

第三节 向量组的秩

第四节 线性方程组的解的结构

第五节 向量空间

**第五章 相似矩阵及二次型**

第一节 向量的内积、长度及正交性

第二节 方阵的特征值与特征向量

第三节 相似矩阵

第四节 对称矩阵的对角阵

第五节 二次型及其标准形

第六节 用配方法化二次型成标准形

第七节 正定二次型

**参考书目：**

《高等数学》（上、下），同济大学数学系编，高教版。

《线性代数》，同济大学数学系编，高教版。